

P1 de Álgebra Linear I – 2003.2

Data: 15 de setembro de 2003.

Gabarito Prova Tipo D

1)

Itens	V	F	N
1.a		x	
1.b	x		
1.c	x		
1.d	x		
1.e		x	
1.f		x	
1.g	x		
1.h		x	
1.i		x	
1.j	x		

2) Considere o plano de equação cartesiana

$$\pi: x - y + 2z = 3$$

e os pontos $A = (1, 0, 1)$ e $B = (0, 1, 2)$ do plano π .

- Determine o vetor \overrightarrow{AB} .
- Determine um vetor w paralelo ao plano π e ortogonal ao vetor \overrightarrow{AB} .
- Determine um vetor u paralelo a w e de mesmo módulo que o vetor \overrightarrow{AB} .

- d)** Determine as coordenadas de pontos C e D tais que A, B, C , e D são os vértices de um quadrado contido no plano π .

Respostas:

- a) $\overline{AB} = (-1, 1, 1)$.
- b) $w = (1, 1, 0)$
- c) $u = (\sqrt{6}/2, \sqrt{6}/2, 0)$.
- d) $C = (1 + \sqrt{6}/2, \sqrt{6}/2, 1), \quad D = (\sqrt{6}/2, 1 + \sqrt{6}/2, 2)$

- 3)** Considere a reta r_1 de equações paramétricas

$$r_1: (t + 1, 3t, t - 2) \quad t \in \mathbb{R}$$

e a reta r_2 de equações cartesianas

$$x - z = 1, \quad x + 2y - 3z = 3.$$

- a) Escreva a reta r_1 como interseção de dois planos π e ρ (escritos em equações cartesianas) tais que π seja paralelo ao eixo \mathbb{X} e ρ seja paralelo ao eixo \mathbb{Z} .
- b) Determine uma equação paramétrica da reta r_2 .
- c) Determine a posição relativa das retas r_1 e r_2 (reversas, paralelas ou se interceptam).
- d) Calcule a distância d entre as retas r_1 e r_2 .

Respostas:

- a) $\pi: -y + 3z = -6, \quad \rho: 3x - y = 3.$
- b) $r_2: (1 + t, 1 + t, t), \quad t \in \mathbb{R}.$
- c) reversas

d) $\sqrt{2}$.

- 4) Considere os pontos $A = (1, 0, 1)$ e $B = (1, 2, 2)$.
- Determine uma equação paramétrica da reta r determinada pelos pontos A e B .
 - Determine o ponto médio M do segmento AB .
 - Determine a equação cartesiana do plano π cujos pontos são todos equidistantes de A e B .
 - Considere o ponto $C = (33, 21, 17)$. Determine explicitamente um ponto D a distância 13 de C .
 - Considere o plano $\rho: x + y - z = 0$. Determine a equação cartesiana de um plano τ a distância 3 de ρ .

Respostas:

- $r: (1, 2t, 1 + t), \quad t \in \mathbb{R}$.
- $M = (1, 1, 3/2)$.
- $\pi: 2y + z = 7/2$
- os seis pontos mais simples são $D = (46, 21, 17)$, $D = (20, 21, 17)$, $D = (33, 8, 17)$, $D = (33, 34, 17)$, $D = (33, 21, 4)$ e $D = (33, 12, 30)$.
- $\tau: x + y - z = \pm 3\sqrt{3}$.