

P1 de Álgebra Linear I – 2003.2

Data: 15 de setembro de 2003.

Gabarito Prova Tipo A

1)

Itens	V	F	N
1.a		x	
1.b	x		
1.c	x		
1.d	x		
1.e		x	
1.f		x	
1.g	x		
1.h		x	
1.i		x	
1.j	x		

2) Considere o plano de equação cartesiana

$$\pi: x - y - z = 1$$

e os pontos $A = (2, 1, 0)$ e $B = (1, 0, 0)$ do plano π .

- Determine o vetor \overline{AB} .
- Determine um vetor w paralelo ao plano π e ortogonal ao vetor \overline{AB} .
- Determine um vetor u paralelo a w e de mesmo módulo que o vetor \overline{AB} .

- d)** Determine as coordenadas de pontos C e D tais que A, B, C , e D são os vértices de um quadrado contido no plano π .

Respostas:

- a) $\overline{AB} = (-1, -1, 0)$.
- b) $w = (1, -1, 2)$
- c) $u = (1/\sqrt{3}, -1/\sqrt{3}, 2/\sqrt{3})$.
- d) $C = (2 + 1/\sqrt{3}, 1 - 1/\sqrt{3}, 2/\sqrt{3}), \quad D = (1 + 1/\sqrt{3}, -1/\sqrt{3}, 2/\sqrt{3})$

- 3)** Considere a reta r_1 de equações paramétricas

$$r_1: (2t, 1+t, -1-t) \quad t \in \mathbb{R}$$

e a reta r_2 de equações cartesianas

$$x + 2y - 2z = 1, \quad x - y = 2.$$

- a) Escreva a reta r_1 como interseção de dois planos π e ρ (escritos em equações cartesianas) tais que π seja paralelo ao eixo \mathbb{X} e ρ seja paralelo ao eixo \mathbb{Z} .
- b) Determine uma equação paramétrica da reta r_2 .
- c) Determine a posição relativa das retas r_1 e r_2 (reversas, paralelas ou se interceptam).
- d) Calcule a distância d entre as retas r_1 e r_2 .

Respostas:

- a) $\pi: y + z = 0, \quad \rho: x - 2y = -2$.
- b) $r_2: (2 + 2t, 2t, 1/2 + 3t), \quad t \in \mathbb{R}$
- c) reversas

d) $21/\sqrt{93} = (7\sqrt{3})/\sqrt{31}$.

4) Considere os pontos $A = (1, 1, -1)$ e $B = (2, 0, 1)$.

- Determine uma equação paramétrica da reta r determinada pelos pontos A e B .
- Determine o ponto médio M do segmento AB .
- Determine a equação cartesiana do plano π cujos pontos são todos equidistantes de A e B .
- Considere o ponto $C = (17, 23, 19)$. Determine explicitamente um ponto D a distância 17 de C .
- Considere o plano $\rho: x + y + z = 0$. Determine a equação cartesiana de um plano τ a distância 2 de ρ .

Respostas:

a) $r: (2+t, -t, 1+2t), \quad t \in \mathbb{R}$

b) $M = (3/2, 1/2, 0)$.

c) $\pi: x - y + 2z = 1$

d) os seis pontos mais simples são $D = (34, 23, 19)$, $D = (0, 23, 19)$, $D = (17, 6, 19)$, $D = (17, 40, 19)$, $D = (17, 23, 2)$ e $D = (17, 23, 36)$.

e) $\tau: x + y + z = \pm 2\sqrt{3}$.